

CHESTIONAR DE CONCURS

DISCIPLINA: Algebră și Elemente de Analiză Matematică M2

VARIANTA A

1. Să se calculeze determinantul $d = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 \end{vmatrix}$. (6 pct.)

a) $d = 5$; b) $d = 12$; c) $d = 14$; d) $d = 6$; e) $d = -12$; f) $d = 18$.

2. Să se rezolve ecuația $\sqrt{2-x} = x$. (6 pct.)

a) $x = 2$; b) $x = -4$; c) $x = 4$; d) $x = 6$; e) $x = -1$; f) $x = 1$.

3. Să se rezolve ecuația $5^{x+1} = 125$. (6 pct.)

a) $x = 2$; b) $x = 6$; c) $x = 4$; d) $x = 5$; e) $x = 1$; f) $x = 3$.

4. Într-o progresie aritmetică primii doi termeni sunt $a_1 = 1$ și $a_2 = 6$. Să se calculeze a_3 . (6 pct.)

a) 12; b) 9; c) 16; d) 11; e) 8; f) 14.

5. Soluția ecuației $2x - 1 = 3$ este: (6 pct.)

a) $x = 0$; b) $x = -1$; c) $x = 1$; d) $x = 2$; e) $x = 3$; f) $x = -3$.

6. Fie $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + e^x$. Să se calculeze $f''(0)$. (6 pct.)

a) $\frac{1}{2}$; b) 3; c) $1+e$; d) -2; e) $\frac{1}{3}$; f) $2e$.

7. Mulțimea soluțiilor inecuației $x^2 + x - 2 \leq 0$ este: (6 pct.)

a) $(1, \infty)$; b) $[-2, 1]$; c) $(0, \infty)$; d) $(-\infty, 2]$; e) $(0, 1)$; f) $[-3, -2)$.

8. Fie $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$. Să se calculeze $\det(A^2)$. (6 pct.)

a) 2; b) -1; c) 3; d) 4; e) 14; f) 1.

9. Mulțimea soluțiilor ecuației $x^3 - 5x^2 + 4x = 0$ este: (6 pct.)

a) $\{0, 2\}$; b) $\{-1, 6\}$; c) $\{0, 1, 4\}$; d) $\{4, 5\}$; e) $\{-2, 3, 5\}$; f) $\{1, 7\}$.

10. Suma soluțiilor ecuației $x^2 - 7x + 12 = 0$ este: (6 pct.)

a) 6; b) 5; c) 0; d) 1; e) -6; f) 7.

11. Fie numerele $a = 2016^{\sqrt{2014}}$, $b = 2015^{\sqrt{2015}}$, $c = 2014^{\sqrt{2016}}$. Care afirmație este adevărată? (6 pct.)

a) $a > c > b$; b) $a > b > c$; c) $b > a > c$; d) $c > a > b$; e) $c > b > a$; f) $b > c > a$.

12. Să se calculeze $\int_0^1 (x - x^2) dx$. (6 pct.)

a) $\frac{1}{3}$; b) $\frac{2}{3}$; c) $\frac{1}{5}$; d) $\frac{3}{4}$; e) -1 ; f) $\frac{1}{6}$.

13. Fie $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x^4 + 2x^3 + 3x^2 + 2x + 10}{x^2 + x + 1}$. Să se calculeze valoarea minimă a funcției f (6 pct.)

a) 6; b) 3; c) 4; d) 11; e) 9; f) 7.

14. Fie $f: (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{1}{(1+x^2)(1+x^3)}$ și $g: (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $g(x) = \int_{\frac{1}{x}}^1 f(t) dt - \int_1^x t^3 f(t) dt + \ln x$. Ecuația tangentei la graficul funcției g în punctul de abscisă $x=1$ este: (6 pct.)

a) $y = e(x-1)$; b) $y = 2(1-x)$; c) $y = x-1$; d) $y = \frac{1}{2}(x-1)$; e) $y = e(1-x)$; f) $y = 1-x$.

15. Notăm cu α partea reală a unei rădăcini din $\mathbb{C} \setminus \mathbb{R}$ a polinomului $f = X^3 - X^2 - X - 1$. Atunci: (6 pct.)

a) $\alpha \in \left(-\frac{1}{2}, 0\right)$; b) $\alpha \in \left(-1, -\frac{1}{2}\right)$; c) $\alpha \in \left(0, \frac{1}{2}\right)$; d) $\alpha \in \left(\frac{1}{9}, \frac{1}{4}\right)$; e) $\alpha \in (-2, -1)$; f) $\alpha \in \left(\frac{1}{2}, 1\right)$.